

## اختبار الاستدلال الرياضي

عزيز الطالب:

يهدف هذا الاختبار إلى معرفة مقدار استدلالك لموضوعات مادة الرياضيات للموضوعات (المنطق الرياضي، المعادلات والمتباينات، الأسس والجذور) أمامك ( 12 ) سؤالاً كل سؤال له أربعة بدائل , واحد منها فقط صحيح المطلوب منك اتباع الآتي:-

- ❖ قراءة كل سؤال بدقة وعناية.
  - ❖ قراءة الإجابات التي تلي كل سؤال.
  - ❖ اختيار الجواب الذي تروه صحيحاً من بين مجموعة الإجابات.
  - ❖ تكون الإجابة على ورقة الأسئلة.
  - ❖ الإجابة عن جميع الأسئلة دون ترك أي سؤال منها.
  - ❖ لا يجوز وضع علامة ( ✓ ) حول أكثر من بديل واحد، لأن الإجابة تعد خاطئة. واليك مثالاً توضيحياً
- ٧- س تمثل  $\{-3, 3\}$  مجموعة حل المعادلة  $|y| - 12 = 0$  وذلك باستعمال
- ( a ) تعريف القيمة المطلقة ✓ ( b ) خصائص الأسس
- ( c ) خصائص المتباينة ( d ) كل ما سبق

اكتب البيانات الآتية :

اسم الطالب:.....  
الصف والشعبة:.....  
المدرسة:.....

ولكم وافر الشكر والامتنان

حدد الإجابة الصحيحة بوضع علامة (✓) امام البديل الصحيح في كل مما يأتي مع ذكر السبب .

- ١- اذا كانت  $x=2$  صائبة فان  $x+3=5$  واذا كانت  $y=\sqrt[3]{216}$  صائبة فان  $y=6$  فهذا يكون :  
 (e) اقتضاء  
 (f) عبارتين متكافئتين  
 (g) اقتضاء في اتجاه واح  
 (h) اقتضاء في اتجاهين متعاكسين  
 اذكر السبب.....

٢- اذا كان لدينا الجداول الآتية فان كل من نتائج الجداول ادناه تمثل

P	$\sim P$	$P \cup \sim P$
T	F	T
T	F	T

Q	Q	$Q \cup \sim Q$
F	T	T
T	F	T

Q	P	$P \rightarrow Q$
T	T	T
F	T	T

P	Q	$P \cup Q$
T	F	T
T	T	T

- (a) عبارتين مسورتين  
 (b) تناقض  
 (c) عبارتين مسورتين كلياً  
 (d) تمثلاًن تحصيلياً حاصل  
 اذكر السبب.....

٣- عندما قام محمد بأجراء دراسة مسحية على خلية النحل لاحظ ان 88% من ذكور النحل يطردون من الخلية في نهاية الصيف , فاذا كان نسبة الخطأ 3 نقاط مئوية فان مجموعة حل متباينة القيمة المطلقة هو :

- (a)  $s = \{ x: x, 85 \leq x \leq 91 \}$   
 (b)  $s = \{ x: x, 85 \geq x \geq 91 \}$   
 (c)  $s = \{ x: x \geq 85 \} \cup \{ x: x \leq 91 \}$   
 (d)  $s = \{ x: x \leq 85 \} \cup \{ x: x \geq 91 \}$   
 اذكر السبب.....

٤- اتفق اوس وسليم على عمل حفلة بمناسبة تخرجهما من الكلية فكان عدد الأصدقاء الذي دعاهم اوس اكثر بثلاثة من عدد الأصدقاء الذين دعاهم سليم وكان عدد المدعويين 23 شخصاً فان المعادلتين المعبرتين عن عدد أصدقاء كل من اوس وسليم هي ، مع العلم ان عدد المدعويين من قبل اوس = X ، و عدد المدعويين من قبل سليم = y

- (a)  $x - y = 23$  ..... 1       $x + y = 3$  ..... 2  
 (b)  $x + y = 23$  ..... 1       $x + y = 3$  ..... 2  
 (c)  $x + y = 23$  ..... 1       $x - y = 3$  ..... 2  
 (d)  $x - y = 23$  ..... 1       $x - y = 3$  ..... 2  
 اذكر السبب.....

٥- اذا علمت ان 1)  $\frac{27x^81x^3}{2x^5x^7}$  2)  $\frac{8^{-3}x^{18^2}}{16^{-8}}$  3)  $\frac{125x^{25}}{16x^{81}}$

- مقادير جبرية فعند إيجاد حل كل واحدة منها نستخدم خاصية :  
 (a) القسمة  
 (b) الأس السالب  
 (c) الضرب  
 (d) الصفر  
 اذكر السبب.....

٦- عند إيجاد قيمة  $x$  في المعادلة  $7^{x-1} = 11^{x-1}$

فإننا قمنا بتطبيق قاعدة.....

- (a) إذا تساوت الأساسات تساوت الأسس  
(b) قاعدة الرفع  
(c) إذا كان  $x^n = y^n$  فإن  $x = y$  إذا كانت  $n$  فردية  
 $X = \pm y$  إذا كانت  $n$  زوجية  
(d) إذا كان  $x^m = y^n$   $m = n$  صفر  
اذكر السبب.....

٧-  $Q \rightarrow \sim Q$  تكافئ

$P \rightarrow Q$  (a)

$Q \rightarrow Q$  (b)

$\sim P$  (c)

$\sim Q$  (d)

اذكر السبب.....

٨- إذا كانت  $(P \rightarrow Q) \cup S$  عبارة صائبة وان  $(S \rightarrow Q) \cap P$  عبارة صائبة وان  $S \rightarrow S$  عبارة خاطئة فإن

(a) صائبة  $P$  ، خاطئة  $Q$  ، صائبة  $S$

(b) خاطئة  $P$  ، صائبة  $Q$  ، خاطئة  $S$

(c) صائبة  $P$  ، صائبة  $Q$  ، خاطئة  $S$

(d) خاطئة  $P$  ، خاطئة  $Q$  ، صائبة  $S$

اذكر السبب.....

٩- إذا علمت ان  $x^2 = |x|^2$  فأى من الآتي تكون صحيحة :

(a)  $|-16| \geq 16$

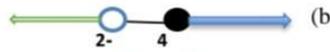
(b)  $|-4 \cdot 2| = |-4| \cdot |2|$

(c)  $|\sqrt[3]{-27}|^2 = 9$

(d)  $|-9| \leq 9 \leq |9|$

اذكر السبب.....

١٠- إذا علمت ان  $|x - 1| \leq 3$  هو التمثيل البياني للمتباينة القيمة المطلقة  $|x - 1| > 1$  فما هو التمثيل



اذكر السبب.....

١١- التطبيق يتكون من مجال ومجال مقابل وقاعدة اقتران أي من العلاقات الآتية تمثل تطبيق :

$$f(x) \neq 5x+2 \quad (a)$$

$$g(x) = \sqrt[2]{-25} \quad y \quad (b)$$

$$f(x) = 3x + 2 \quad (c)$$

$$|x - 2| > 5 \quad (d)$$

اذكر السبب.....

١٢- اذا علمت ان اوسع مجال للدالة كثيرة الحدود  $h(x) = x^2 - 7x + 15$  هو  $R$  حدد أي من الدوال الآتية يكون اوسع مجال لها هو

$R$

$$f(x) = \sqrt{x^2 + 6x + 9} \quad (a)$$

$$f(x) = \frac{x+9}{x^2-4x+4} \quad (b)$$

$$f(x) = 4x-1 \quad (c)$$

(d) ليس أي منها

اذكر السبب.....

## الأجوبة النموذجية

حدد الإجابة الصحيحة بوضع علامة (✓) امام البديل الصحيح في كل مما يأتي مع نكر السبب .

١- اذا كانت  $x=2$  صائبة فان  $x+3=5$  واذا كانت  $y=\sqrt[3]{216}$  صائبة فان  $y=6$  فهذا يكون :

- (i) اقتضاء  
 (j) عبارتين متكافئتين  
 (k) اقتضاء في اتجاه واح  
 (l) اقتضاء في اتجاهين متعاكسين  
 اذكر السبب...ج/ لان العبارة الأولى صائبة والثانية صائبة

٢- اذا كان لدينا الجداول الآتية فان كل من نتائج الجداول ادناه تمثل

P	$\sim P$	$P \cup \sim P$
T	F	T
T	F	T

Q	Q	$Q \cup \sim Q$
F	T	T
T	F	T

Q	P	$P \rightarrow Q$
T	T	T
F	T	T

P	Q	$P \cup Q$
T	F	T
T	T	T

- (a) عبارتين مسورتين  
 (b) تناقض  
 (c) عبارتين مسورتين كلياً  
 (d) تمثلال تحصيليا حاصل  
 اذكر السبب...ج/ لان جميع قيم الصواب في الجداول اعلاه صحيحة

٣- عندما قام محمد بأجراء دراسة مسحية على خلية النحل لاحظ ان 88% من ذكور النحل يطردون من الخلية في نهاية الصيف , فاذا كان نسبة الخطأ 3 نقاط مئوية فان مجموعة حل متباينة القيمة المطلقة هو :

- (a)  $s = \{ x: x, 85 \leq x \leq 91 \}$   
 (b)  $s = \{ x: x, 85 \geq x \geq 91 \}$   
 (c)  $s = \{ x: x \geq 85 \} \cup \{ x: x \leq 91 \}$   
 (d)  $s = \{ x: x \leq 85 \} \cup \{ x: x \geq 91 \}$   
 اذكر السبب...ج/  $85=3-88$  و  $91=3+88$  ..... بحيث  $|x - 88| \leq 3$

٤- اتفق اوس وسليم على عمل حفلة بمناسبة تخرجهما من الكلية فكان عدد الأصدقاء الذي دعاهم اوس اكثر بثلاثة من عدد الأصدقاء الذين دعاهم سليم وكان عدد المدعويين 23 شخصا فان المعادلتين المعبرتين عن عدد أصدقاء كل من اوس وسليم هي ، مع العلم ان عدد المدعويين من قبل اوس = X ، وعدد المدعويين من قبل سليم = y

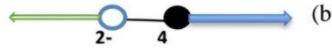
- (a)  $x - y = 23$  ..... 1       $x + y = 3$  ..... 2  
 (b)  $x + y = 23$  ..... 1       $x + y = 3$  ..... 2  
 (c)  $x + y = 23$  ..... 1       $x - y = 3$  ..... 2  
 (d)  $x - y = 23$  ..... 1       $x - y = 3$  ..... 2  
 اذكر السبب...ج/ نفرض اوس = x وسليم = y المدعويين = 23  
 نتوصل الى الحل عن طريق حل الخيار الأول ثم الثاني ثم الثالث بالشكل  
 $x + y = 23$  ..... 1  
 $x - y = 3$  ..... 2

بالجمع

<p>2x = 26 بالقسمة على 2</p> <p>X=13نعوض في 2 ..... ،y=10 ،13-y=3 ،نعوض في معادلة 1 ، 13+3=23</p>
<p>٥- اذا علمت ان <math>\frac{125x25}{16x81}</math> 3) <math>\frac{8^{-3}x18^2}{16^{-8}}</math> 2) <math>\frac{27x81x3}{2x5x7}</math> 1)</p> <p>مقادير جبرية فعند إيجاد حل كل واحدة منها نستخدم خاصية :</p> <p>(a) القسمة (b) الأس السالب (c) الضرب (d) الصفر</p> <p>اذكر السبب.....ج/ عند الضرب تجمع الأسس اذا كان الاساسات متساوية وهذا ما ينطبق على ١،٢،٣</p>
<p>٦- عند إيجاد قيمة x في المعادلة <math>7^{x-1} = 11^{x-1}</math></p> <p>فأنتنا قمنا بتطبيق قاعدة.....</p> <p>(a) اذا تساوت الاساسات تساوت الأسس (b) قاعدة الرفع (c) اذا كان <math>x^n=y^n</math> فان <math>x=y</math> اذا كانت n فردية <math>X = \pm y</math> اذا كانت n زوجية (d) اذا كان <math>x^m = y^n</math> <math>m=n</math> صفر</p> <p>اذكر السبب.....ج/ حسب قاعدة المعادلات الاسية البسيطة</p>

<p>٧- <math>Q \rightarrow \sim Q</math> تكافئ</p> <p>(a) <math>P \rightarrow Q</math></p> <p>(b) <math>Q \rightarrow Q</math></p> <p>(c) <math>\sim P</math></p> <p>(d) <math>\sim Q</math></p> <p>اذكر السبب...ج/ لان جدول صواب <math>Q \rightarrow \sim Q</math> يكافئ <math>\sim Q</math></p>
<p>٨- اذا كانت <math>U \rightarrow Q</math> عبارة صائبة وان <math>(P \rightarrow Q) \cap P</math> عبارة صائبة وان <math>(S \rightarrow S) \cap S</math> عبارة خاطئة فان</p> <p>(a) P صائبة ، Q خاطئة ، S صائبة (b) P خاطئة ، Q صائبة ، S خاطئة (c) P صائبة ، Q صائبة ، S خاطئة (d) P خاطئة ، Q خاطئة ، S صائبة</p> <p>اذكر السبب.....ج/</p>
<p>٩- اذا علمت ان <math>  -x  ^2 = x^2</math> فأي من الآتي تكون صحيحة :</p> <p>(a) <math>  -16   \geq 16</math> (b) <math>  -4.2   =   -4   .   2  </math> (c) <math>  \sqrt[3]{-27}  ^2 = 9</math> (d) <math>  -9   \leq 9 \leq   9  </math></p> <p>اذكر السبب...ج/ <math>9 =   -3  ^2 =   \sqrt[3]{-27}  ^2</math> وهو مطابق للخاصية</p>

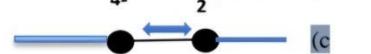
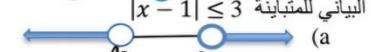
١٠- إذا علمت ان  $|x - 1| > 1$  فما هو التمثيل البياني للمتباينة القيمة المطلقة هو التمثيل البياني للمتباينة  $|x - 1| \leq 3$



$$|x - 1| \leq 3 = -3 \leq x - 1 \leq 3$$

$$= -3 + 1 \leq x \leq 3 + 1 = -2 \leq x \leq 4$$

اذكر السبب.../ج



١١- التطبيق يتكون من مجال ومجال مقابل وقاعدة اقتران أي من العلاقات الآتية تمثل تطبيق :

(a)  $f(x) \neq 5x + 2$

(b)  $g(x) = \sqrt[2]{-25} y$

(c)  $f(x) = 3x + 2$

(d)  $|x - 2| > 5$

اذكر السبب.../ج لأنها دالة حيث  $y=f(x)$

١٢- إذا علمت ان أوسع مجال للدالة كثيرة الحدود  $h(x) = x^2 - 7x + 15$  هو R حدد أي من الدوال الآتية يكون أوسع مجال لها هو R

(a)  $f(x) = \sqrt{x^2 + 6x + 9}$

(b)  $f(x) = \frac{x+9}{x^2-4x+4}$

(c)  $f(x) = 4x - 1$

(d) ليس أي منها

اذكر السبب.../ج لأنها دالة متعددة الحدود وتشبه الدالة في السؤال